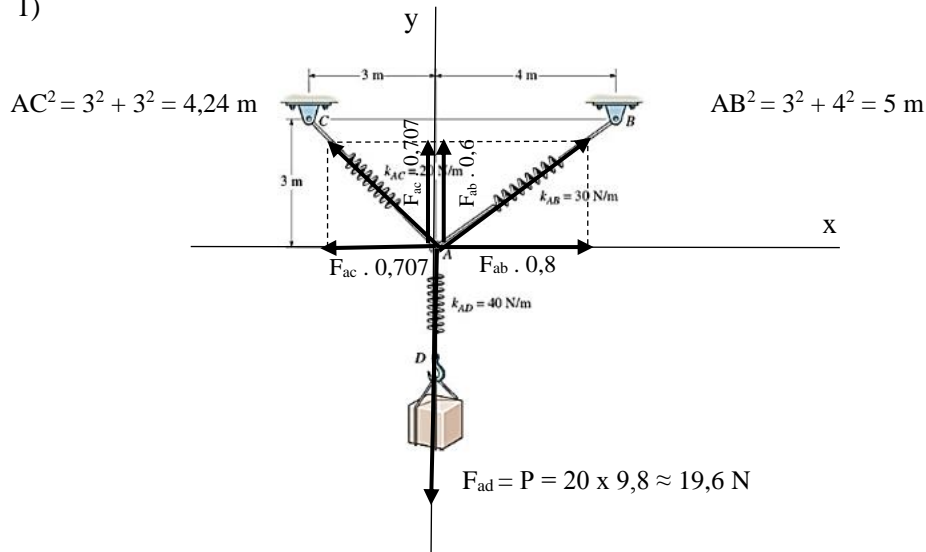


RESOLUÇÃO COMENTADA DA AVALIAÇÃO SIMULADA

1)



Em X temos as seguintes forças:

$$F_{ab} \times 0,8 - F_{ac} \times 0,707 = 0$$

Em Y temos as seguintes forças:

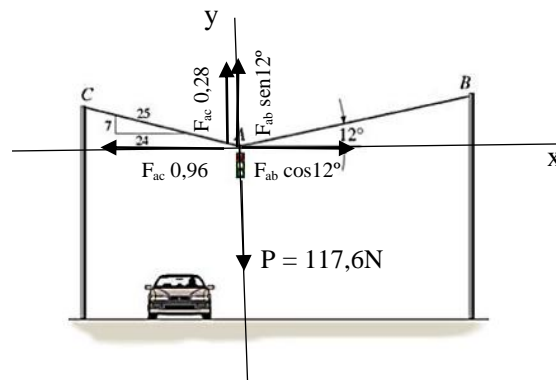
$$F_{ab} \cdot 0,6 + F_{ac} \times 0,707 - F_{ad} = 0$$

$$+ \begin{cases} F_{ab} \times 0,8 - F_{ac} \times 0,707 = 0 \\ F_{ab} \times 0,6 + F_{ac} \times 0,707 = 19,6 \end{cases}$$

$1,4 F_{ab} = 19,6 \Rightarrow F_{ab} \approx 14,0\text{N}$ e $F_{ac} \approx 15,8\text{N}$, logo as deformações das molas serão:

$x_{ad} \approx 0,49\text{ m}$; $x_{ab} \approx 0,46\text{ m}$ e $x_{ac} \approx 0,79\text{ m}$

2)



Em X temos as seguintes forças:

$$F_{ab} \cdot \cos 12^\circ - F_{ac} \cdot 0,96 = 0$$

Em Y temos as seguintes forças:

$$F_{ab} \cdot \sin 12^\circ + F_{ac} \cdot 0,28 = 117,6$$

$$\begin{cases} F_{ab} \times 0,97 - F_{ac} \times 0,96 = 0 \\ F_{ab} \times 0,21 + F_{ac} \times 0,28 = 117,6 \end{cases}$$

Resolvendo o sistema teremos: $F_{ab} \approx 242\text{ N}$ e $F_{ac} \approx 244\text{ N}$

$$24/25 = 0,96$$

$$7/25 = 0,28$$

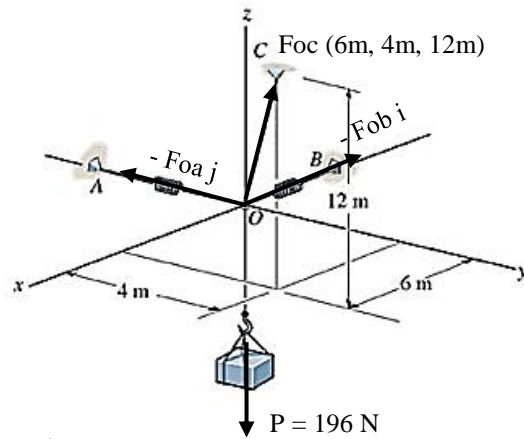
$$m = 12\text{ kg}$$

$$P = 9,8 \times 12 \approx 117,6\text{ N}$$

$$\sin 12^\circ \approx 0,21$$

$$\cos 12^\circ \approx 0,97$$

3) Dados: $K = 300 \text{ N/m}$ e $m = 20 \text{ kg}$ e $F_{el} = -kx$. Observando a figura temos:



$$F_{oc} = F_{oc} \left(\frac{6i+4j+12k}{\sqrt{6^2+4^2+12^2}} \right) = \frac{3}{7} F_{oc} i + \frac{2}{7} F_{oc} j + \frac{6}{7} F_{oc} k$$

$$F_{ob} = - F_{ob} i$$

$$F_{oa} = - F_{oa} j$$

$$F_{op} = - 196 \text{ N (k)}$$

As equações no equilíbrio:

$$\sum F = 0; F_{oc} + F_{oa} + F_{ob} + P = 0$$

$$\left(\frac{3}{7} F_{oc} - F_{ob} \right) i + \left(\frac{2}{7} F_{oc} - F_{oa} \right) j + \left(\frac{6}{7} F_{oc} - 196 \right) k = 0$$

$$\frac{3}{7} F_{oc} - F_{ob} = 0 \text{ (I)}$$

$$\frac{2}{7} F_{oc} - F_{oa} = 0 \text{ (II)}$$

$$\frac{6}{7} F_{oc} - 196 = 0 \text{ (III)}$$

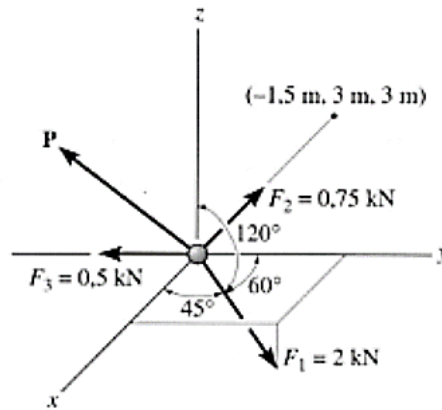
$$F_{oc} \approx 228,6 \text{ N}; F_{oa} \approx 65,3 \text{ N e } F_{ob} \approx 97,9 \text{ N}$$

Então as deformações das molas serão:

$$x_{oa} = 65,3/300 \Rightarrow x_{oa} \approx \mathbf{0,218 \text{ m}}$$

$$x_{ob} = 97,9/300 \Rightarrow x_{ob} \approx \mathbf{0,327 \text{ m}}$$

4) Observando a figura temos:



$$F_1 = 2 (\cos 45^\circ i + \cos 60^\circ j + \cos 120^\circ k) \text{ kN} = (1,41 i + 1,0 j - 1,0 k) \text{ kN}$$

$$F_2 = 0,75 \left(\frac{-1,5i + 3j + 3k}{\sqrt{-1,5^2 + 3^2 + 3^2}} \right) = (-0,25 i + 0,5 j + 0,5 k) \text{ kN}$$

$$F_3 = -0,5 j \text{ kN}$$

$$P = P_x i + P_y j + P_z k$$

As equações do equilíbrio são:

$$\sum F = 0:$$

$$F_1 + F_2 + F_3 + P = 0$$

$$(P_x + 1,41 - 0,250)i + (P_y + 1 + 0,5 - 0,5)j + (P_z - 1 + 0,5)k = 0$$

$$P_x + 1,41 - 0,250 = 0 \Rightarrow P_x \approx -1,16 \text{ kN}$$

$$P_y + 1 + 0,5 - 0,5 = 0 \Rightarrow P_y \approx -1,0 \text{ kN}$$

$$P_z - 1 + 0,5 = 0 \Rightarrow P_z \approx 0,5 \text{ kN}$$

A intensidade, módulo ou magnitude de P será:

$$P = \sqrt{P_x^2 + P_y^2 + P_z^2}$$

$$P = \sqrt{1,16^2 + (-1,0)^2 + 0,5^2}$$

$$P \approx 1,61 \text{ kN}$$

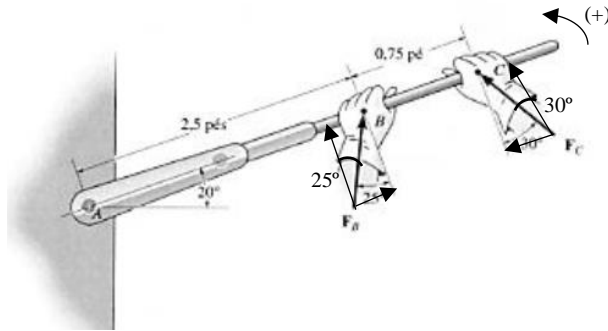
A direção de P será o ângulo formado entre P e a direção de x, y e z:

$$\alpha = \cos^{-1} P_x/P = -1,16/1,61 \approx 136^\circ$$

$$\beta = \cos^{-1} P_y/P = -1,0/1,61 \approx 128^\circ$$

$$\gamma = \cos^{-1} P_z/P = 0,5/1,61 \approx 72^\circ$$

5) Observando a figura temos:

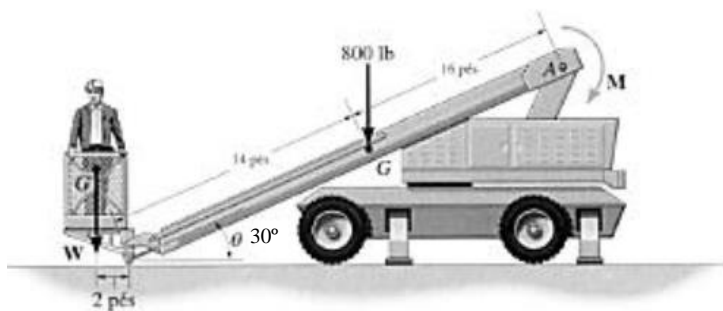


$$Mo^A = F_b \cdot d_{ba} \cos 25^\circ + F_c \cdot d_{ca} \cos 30^\circ.$$

$$Mo^A = 30 \times 2,5 \times 0,906 + 45 \times 3,25 \times 0,866$$

$$Mo^A \approx 194,6 \text{ lb.ft}$$

6) Observando a figura temos:



$$Mo^A = P_{grua} \cdot \cos 30^\circ \times 16 + W(\cos 30^\circ + 2)$$

$$20 \cdot 10^3 = 800 \times 0,866 \times 16 + W(0,866 \times 30 + 2)$$

$$20 \cdot 10^3 = 11084,8 + W 27,98$$

$$8915,2 = W 27,98$$

$$W \approx 318,6 \text{ lb}$$

Obs: Tanto o momento do peso da grua, quanto o momento do peso da carga W são positivos (anti-horários)